

1 次の(1)~(6)の間に答えなさい。

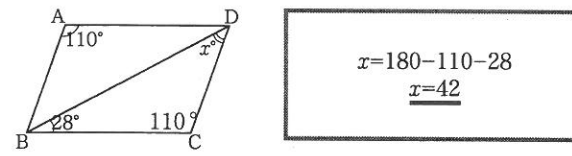
(1)  $2+4 \times (-3)$  を計算しなさい。 (2)  $15xy \div \frac{5}{8}y$  を計算しなさい。

$= 2 - 12 = -10$        $= \frac{15xy}{1} \times \frac{8}{5y} = 24x$

(3)  $\sqrt{5} = 2.236$  として、 $\frac{1}{\sqrt{5}}$  の近似値を四捨五入して小数第2位まで求めなさい。

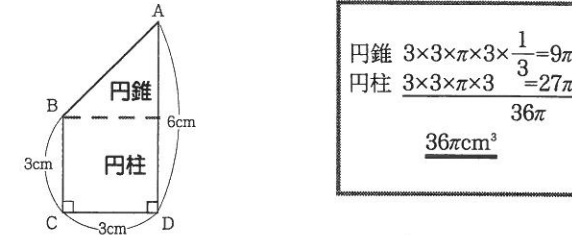
$\frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{1 \times \sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{5} = 2.236 \div 5 = 0.4472$       0.45

(4) 下の図で、四角形 ABCD は平行四辺形である。x の値を求めなさい。



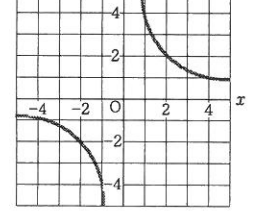
$x = 180 - 110 - 28$   
 $x = 42$

(5) 下の図の台形 ABCD を、辺 AD を軸として 1 回転させてできる立体の体積を求めなさい。(円周率は  $\pi$  を用いなさい。)

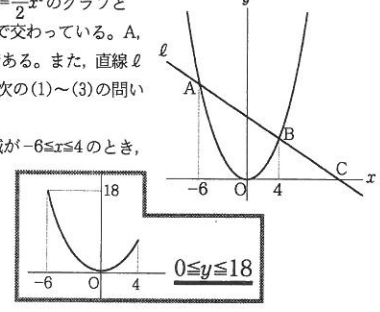


円錐  $3 \times 3 \times \pi \times 3 \times \frac{1}{3} = 9\pi$   
円柱  $3 \times 3 \times \pi \times 3 = 27\pi$   
 $36\pi \text{ cm}^3$

(6)  $y = \frac{4}{x}$  のグラフをかきなさい。



2 次の図のように、関数  $y = \frac{1}{2}x^2$  のグラフと直線  $l$  が、それぞれ 2 点 A, B で交わっている。A, B の x 座標はそれぞれ -6, 4 である。また、直線  $l$  と x 軸との交点を C とする。次の(1)~(3)の間に答えなさい。



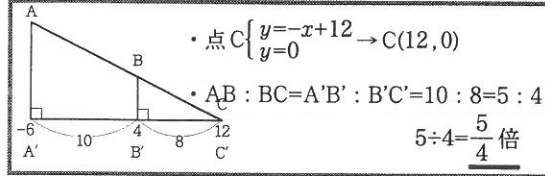
(1) 関数  $y = \frac{1}{2}x^2$  で、x の変域が  $-6 \leq x \leq 4$  のとき、y の変域を求めなさい。

$0 \leq y \leq 18$

(2) 直線  $l$  の式を求めなさい。

$A(-6, 18) \rightarrow B(4, 8)$        $a = \frac{8-18}{4-(-6)} = -1$   
 $y = -x + b \sim (4, 8)$        $8 = -4 + b$        $b = 12$   
 $y = -x + 12$

(3) 線分 AB の長さは線分 BC の長さの何倍であるかを求めなさい。



3 ある中学校に通う A 地域と B 地域の生徒に、ペットボトルのキャップを集める活動に参加するように呼びかけたところ、A 地域と B 地域の生徒全員である 80 人が参加した。生徒が集めたキャップの個数は、A 地域が 1 人あたり平均 14 個、B 地域が 1 人あたり平均 16 個であり、A 地域と B 地域の全体では 1 人あたり平均 15.2 個であった。次の(1)~(3)の間に答えなさい。

(1) A 地域と B 地域の生徒の人数をそれぞれ求めるために、太郎さんは連立方程式をつくって、花子さんは 1 次方程式をつくって、それぞれ次のように考えた。アには  $x$  と  $y$  を使った式を、イ, オ, には数を、ウ, エには  $x$  を使った式を、それぞれあてはまるように書きなさい。

<◆太郎さんの考え>  
A 地域の生徒の人数を  $x$  人、B 地域の生徒の人数を  $y$  人とする。A 地域と B 地域の生徒全員の人数は 80 人である。このことから方程式をつくると、  
ア  $x + y = 80$  .....①  
また、A 地域と B 地域の生徒全員で集めたキャップの個数は、全部で イ  $1216$  個である。このことから、方程式をつくると、  
ウ  $14x + 16y = \text{イ}  $1216$  .....②  
イ, 80 × 15.2 = 1216$

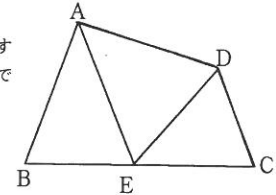
<◆花子さんの考え>  
A 地域の生徒の人数を  $x$  人とする。A 地域と B 地域の生徒全員が 16 個ずつキャップを集めたとして考えると、A 地域の生徒が集めたキャップの個数は全部で エ  $2x$  個増えることになるが、B 地域の生徒が集めたキャップの個数は変わらない。また、A 地域と B 地域の生徒全員で集めたキャップの個数は全部で オ  $64$  個増えることになる。これらのことから方程式をつくると、  
エ  $2x = \text{オ}  $64$   
オ, (16 - 15.2) × 80 = 64$

(2) A 地域と B 地域の生徒の人数をそれぞれ求めなさい。  
 $2x = 64, x = 32$  (人)  
 $y = 80 - 32 = 48$  (人)  
A 地域 32 人, B 地域 48 人

(3) ペットボトルのキャップを集める活動に参加した生徒全員で、別の日にアルミの空き缶を集めた。生徒が集めた空き缶の 1 人あたりの平均の個数は、A 地域が B 地域の 1.2 倍であった。A 地域の生徒が集めた空き缶の個数は、B 地域の生徒が集めた空き缶の個数よりも、全部で 96 個少なかった。A 地域と B 地域の生徒全員で集めた空き缶の個数は全部で何個になるかを求めなさい。

・ B が  $a$  個として、A は  $1.2a$  個  
・  $1.2a \times 32 = a \times 48 - 96$   
     $-9.6a = -96$        $a = 10$  (個)  
・ A は  $10 \times 1.2 = 12$  個、B は 10 個  
・ 全部で、 $12 \times 32 + 10 \times 48$   
     $= 384 + 480 = 864$  個

4 次の四角形 ABCD で、点 A を通り辺 DC に平行な直線と辺 BC との交点を E とする。AE = 16cm, ED = 12cm, DC = 9cm である。次の間に答えなさい。



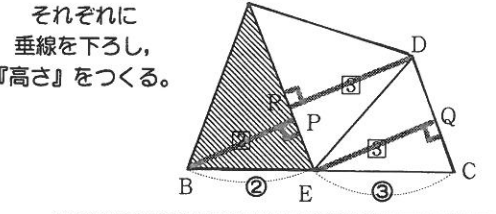
(1)  $\triangle AED \sim \triangle EDC$  であることを証明しなさい。

$\triangle AED$  と  $\triangle EDC$  で  
・ 平行線の錯角より、 $\angle AED = \angle EDC$  .....①  
・ 仮定より、 $AE : ED = 16 : 12 = 4 : 3$  .....②  
     $ED : DC = 12 : 9 = 4 : 3$  .....③  
②, ③で、 $AE : ED = ED : DC$  ④  
・ ①, ④より、2 組の辺の比が等しくとその間の角が等しいので、  
 $\triangle AED \sim \triangle EDC$

(2)  $AD = 2BE$  のとき、次の間に答えなさい。  
(7) EC の長さは BE の何倍ですか。

$\frac{2BE}{16} \sim \frac{EC}{12}$        $2BE : EC = 16 : 12$   
 $16EC = 24BE$        $EC = \frac{3}{2}BE$   
     $\frac{3}{2}$  倍

(4) 台形 AECD の面積は  $\triangle ABE$  の何倍ですか。



$\triangle ABE = S$  とすると、  
・  $\triangle ABE$  と  $\triangle ADE$  は底辺共通で  
    高さが 2 : 3 より、 $\triangle AED = \frac{3}{2}S$   
・  $\triangle ADE$  と  $\triangle CDE$        $= \frac{3}{2}S \times \frac{16}{9} = \frac{27}{32}S$   
・ 台形 AECD       $= \frac{3}{2}S + \frac{27}{32}S = \frac{48+27}{32}S = \frac{75}{32}S$   
よって、 $\frac{75}{32}$  倍

5 次の(1), (2)の間に答えなさい。  
(1) 2 枚の 50 円硬貨を同時に 1 回投げるとき、表が出た硬貨の金額を合計すると 100 円になる確率を求めなさい。

・ 裏が出たら 0 円。 (0, 0), (0, 50), (50, 0), (50, 50)  
 $\frac{1}{4}$

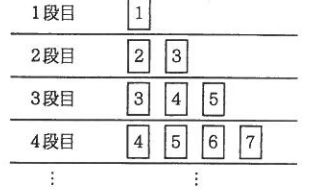
(2) 1 枚の 100 円硬貨と 2 枚の 50 円硬貨を同時に 1 回投げるとき、(ア) 表が出た硬貨の全部の金額を合計すると 100 円になる確率を求めなさい。

・ 裏が出たら 0 円。  
(0, 0, 0), (0, 0, 50), (0, 50, 0), (0, 50, 50)  
(100, 0, 0), (100, 0, 50), (100, 50, 0), (100, 50, 50)

(イ) 表が出た硬貨の金額を合計すると 100 円以上になる確率を求めなさい。

・ 合計 100 円より大とは、裏が出たら 0 円として、  
(0, 0, 0), (0, 50, 0), (0, 0, 50) の 3 通りで、  
 $1 - \frac{3}{8} = \frac{5}{8}$

6 下の図のように、自然数が書いてあるカードを並べる。  
1 段目には 1      2 段目には 2, 3      3 段目には 3, 4, 5  
以後も、左から右へ、段の数から順に 1 ずつ大きくなる自然数が並ぶように、段の数と同じ枚数のカードを置いていく。これを順に 20 段目まで行った。



次の(1)~(5)の間に答えなさい。  
(1) 5 段目の一番右に置かれたカードに書いてある自然数を求めなさい。

5, 6, 7, 8, 9

(2)  $n$  段目の一番右に置かれたカードに書いてある自然数を  $n$  を使った式で表しなさい。

$1, 3, 5, 7, \dots, 2n-1$        $2n-1$

(3) 25 のカードが初めて置かれたのは何段目かを求めなさい。

$2n-1 = 25$        $n = 13$       13 段目

(4) 1 段目から 20 段目まで並べたカードのうち、25 のカードは何枚あるかを求めなさい。

$13 \sim 20$  段目は、 $20 - (13 - 1) = 8$       8 枚

(5) 1 段目から 20 段目まで並べたカードのうち、10 枚のカードに同じ自然数が書いてある。その自然数をすべて求めなさい。

