

1 次の計算をなさい。(各5点×4=20点)

- (1)  $-2-3 \times (-2)^2$  (2)  $4x \div (-8y) \times \frac{1}{2}xy$

$$\begin{aligned} &= -2 - 3 \times 4 \\ &= -2 - 12 \\ &= -14 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &= -\frac{4x}{1} \times \frac{1}{8y} \times \frac{xy}{2} \\ &= -\frac{x^2}{4} \end{aligned}$$

- (3)  $\frac{a+2}{3} - (2a-5)$  (4)  $4\sqrt{3} - \frac{6}{\sqrt{3}} + \sqrt{27}$

$$\begin{aligned} &= \frac{a+2-3(2a-5)}{3} \\ &= \frac{a+2-6a+15}{3} \\ &= \frac{-5a+17}{3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &= 4\sqrt{3} - \frac{6\sqrt{3}}{3} + 3\sqrt{3} \\ &= 4\sqrt{3} - 2\sqrt{3} + 3\sqrt{3} \\ &= 5\sqrt{3} \end{aligned}$$

2 次の問いに答えなさい。(各5点×4=20点)

- (1) 方程式  $(x-2)^2=9$  を解きなさい。

$$x-2=\pm 3, x=2\pm 3, \quad x=5, -1$$

- (2) 2つのサイコロを同時に投げたとき、出た目の積が6になる確率を求めなさい。

全  $6 \times 6 = 36$  通り中、  
 (1, 6), (2, 3), (3, 2), (6, 1) の4通り  
 $\frac{4}{36} = \frac{1}{9}$

- (3) 立方体の一辺に対して、平行な辺と垂直な辺の数の和はいくつか答えなさい。

立方体のある一辺に対して平行な辺が3本、  
 垂直な辺が4本なので、 $3+4=7$  7本

- (4) 3でも4でも割り切れる2けたの自然数のうち最大の数を答えなさい。

3でも4でも割り切れる数とは、3と4の公倍数 = 12の倍数。  
 よって、12の倍数のうち、2けたで最大のものを求める。  
 12, 24, 36, 48, 60, 72, 84, 96, 108, ... 96

3  $y$  は  $x$  に反比例し、 $x=2$  のとき  $y=9$  である。次の問いに答えなさい。(各6点×4=24点)

- (1)  $y$  を  $x$  の式で表しなさい。

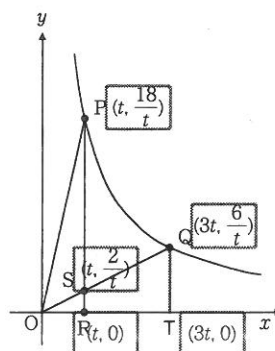
$$y = \frac{a}{x}, a=xy \text{ に } (2, 9) \text{ を代入}$$

$$a = 2 \times 9 = 18 \quad y = \frac{18}{x}$$

- (2)  $x=1$  のときの  $y$  の値を求めなさい。

$$y = \frac{18}{x} \text{ に } x=1 \text{ を代入, } y = \frac{18}{1} = 18 \quad y = 18$$

右図のように、(1)で求めた反比例のグラフ上に2点P, Qがあり、点Qのx座標は点Pのx座標の3倍である。また、点Pを通りy軸に平行な直線とx軸との交点をRとし、線分PRと線分OQの交点をSとする。



- (3)  $\triangle OPR$  の面積を求めなさい。

点Rをx座標を  $t$  とおくと、点R  $(t, 0)$ 、点P  $(t, \frac{18}{t})$   
 $OR = t, PR = \frac{18}{t}$  なので、  
 $\triangle OPR = t \times \frac{18}{t} \times \frac{1}{2} = 9$

- (4)  $\triangle OPS$  の面積を求めなさい。

(3)と同様に点R  $(t, 0)$ 、点P  $(t, \frac{18}{t})$  とする。  
 点Qのx座標は  $3t$  となるので、y座標は  $y = \frac{18}{3t} = \frac{6}{t}$   
 点Qからx軸に垂線を下ろし、交点をTとする。  
 $\triangle OTQ \sim \triangle ORS$  で相似比は  $OT : OR = 3t : t = 3 : 1$ 。  
 よって、 $RS = \frac{1}{3}TQ = \frac{1}{3} \times \frac{6}{t} = \frac{2}{t}$ 、点S  $(t, \frac{2}{t})$  となる。  
 $\triangle OSR = t \times \frac{2}{t} \times \frac{1}{2} = 1$  なので、  
 $\triangle OPS = \triangle OPR - \triangle OSR = 9 - 1 = 8$

4 ある学校の囲碁部と将棋部の生徒60人がゲームをしたところ、全体の平均点は71点、囲碁部の平均点は68点、将棋部の平均点は73点であった。次の問いに答えなさい。(各6点×2=12点)

- (1) 囲碁部の生徒を  $x$  人、将棋部の生徒を  $y$  人として、 $x$  と  $y$  に関する方程式を2つ作りなさい。

合計 = 平均点 × 人数

	囲碁部	将棋部	合計
人数(人)	$x$	$y$	60
平均(点)	68	73	71
合計(点)	$68x$	$73y$	$71 \times 60$

$$\begin{cases} x+y=60 \\ 68x+73y=71(x+y) \end{cases} \text{ または, } \begin{cases} x+y=60 \\ 68x+73y=71 \times 60 \end{cases}$$

- (2) (1)を利用して、囲碁部と将棋部の生徒数をそれぞれ求めなさい。

$$\begin{cases} x+y=60 & \text{①} \\ 68x+73y=71(x+y) & \text{②} \end{cases}$$

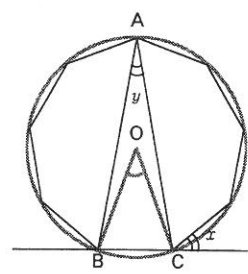
②より、 $68x+73y=71x+71y$   
 $-3x+2y=0$   
 ①×3  $\quad + \quad 3x+3y=180$   
 $\quad \quad \quad 5y=180$   
 $\quad \quad \quad y=36$

①に代入  $x+36=60, x=24$

囲碁部 24人、将棋部 36人

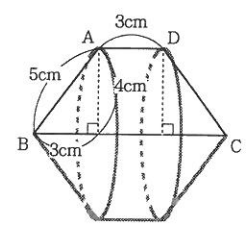
5 図のような正九角形において、 $\angle x$  と  $\angle y$  の大きさを求めなさい。(各6点×2=12点)

$\angle x$  は正九角形の1つの外角  
 $\angle x = 360^\circ \div 9 = 40^\circ$



正九角形の各頂点を通る円Oをかくと、 $\angle y$  はその円周角。  
 中心角  $\angle BOC = 360^\circ \div 9 = 40^\circ$   
 よって、 $\angle y = 40^\circ \div 2 = 20^\circ$

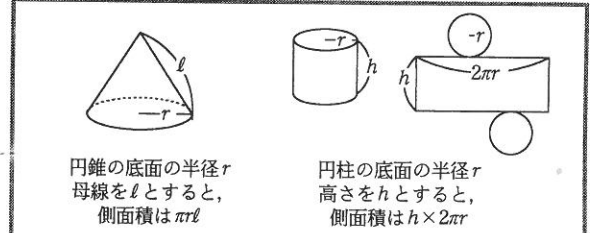
6 図のような等脚台形ABCDを、直線BCを軸として1回転してできる回転体について、次の問いに答えなさい。ただし、円周率を  $\pi$  として計算しなさい。(各6点×2=12点)



- (1) 回転体の体積を求めなさい。

できた回転体は、左右に底面の半径が4cm、高さが3cmの円錐、真ん中に底面の半径が4cm、高さが3cmの円柱を合わせたもの。  
 $\text{円錐} 2 \text{個} + \text{円柱} = 4 \times 4 \times \pi \times 3 \times \frac{1}{3} \times 2 + 4 \times 4 \times \pi \times 3 = 32\pi + 48\pi = 80\pi \text{ cm}^3$

- (2) 回転体の表面積を求めなさい。



円柱、円錐の側面積の求め方を確認しよう!

できた回転体の表面積は、円錐の側面積×2 + 円柱の側面積  
 円錐の側面積は  $\pi r l$  を利用。  
 円柱の側面積は (円柱の高さ) × (底面の円周)  
 $\pi \times 4 \times 5 \times 2 + 3 \times 2 \times \pi \times 4 = 40\pi + 24\pi = 64\pi \text{ cm}^2$